

二〇二一~二〇二二学年第 1 学期《理论力学(II)》考试试题

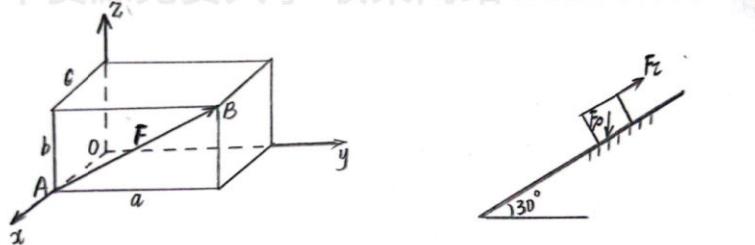
考试日期: 年 月 日 试卷类型: 试卷代号:

班号		学号	姓名		
题号	一	二	三	四	总分
得分					

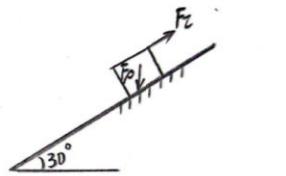
本题分数	25
得 分	

一、填空题

1、(4 分) 图示长方体, 边长分别为 a 、 b 、 c , 力 F 沿 AB 作用, 则该力对 y 轴的矩为 $M_y(F) = \underline{\hspace{10em}}$; 对 z 轴的矩为 $M_z(F) = \underline{\hspace{10em}}$ 。



第1题图

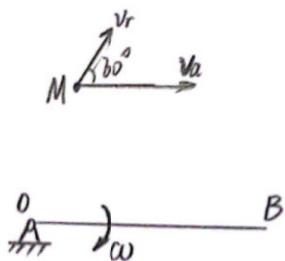


第2题图

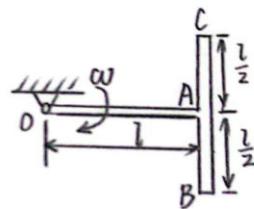
2、(4 分) 均质立方体重 F_g , 置于倾角为 30° 的斜面上, 如图所示, 物体与斜面间的静摩擦系数 $f_s = 0.25$ 。开始时在拉力 F_x 作用下物体静止不动, 然后逐渐增大力 F_x , 则使物体保持平衡静止的最小拉力为 $\underline{\hspace{5em}}$, 使物体保持平衡静止的最大拉力为 $\underline{\hspace{5em}}$ 。

3、(8 分) 如图所示, 杆 OB 为动系, M 点为动点。在某一瞬间, 杆 OB 处于水平位置, M 点的绝对速度 $v_a = 10 \text{ m/s}$, 方向为水平向右, 动点 M 的相对速度 v_r 在点 O 和 M 连线的延长线上, 动点 M 到 O 点的

距离为 1m, OM 与 OB 的夹角为 60° , 杆 OB 的角速度 ω 如图所示。动点 M 的相对速度 $v_r = \underline{\hspace{2cm}}$, 牵连速度 $v_e = \underline{\hspace{2cm}}$, 科氏加速度 $a_c = \underline{\hspace{2cm}}$, 方向 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。



第3题图



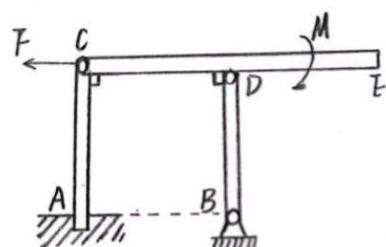
第4题图

4、(9分) 两匀质细杆 OA 和 BC 的质量均为 $m=10\text{ kg}$ 。长度 $l=1\text{ m}$, 固连成如图所示的 T 字形构件, 可绕通过 O 点的水平轴转动。当 OA 处于图示水平位置时, 构件的角速度 $\omega=4\text{ rad/s}$, T 字形构件的动量大小为 $\underline{\hspace{2cm}}$, 对 O 点动量矩大小为 $\underline{\hspace{2cm}}$, 动能大小为 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。

本题分数	15
得 分	

二、计算题

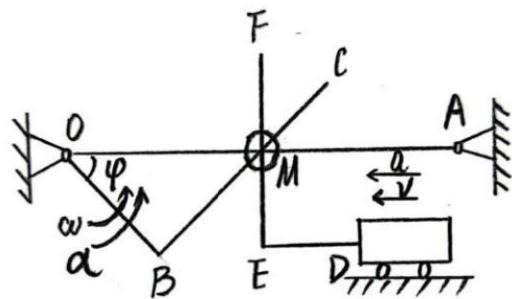
图示平面结构由杆 AC、BD、和 CDE 组成, $AC=BD=CD=DE=1\text{ m}$ 。杆 CE 受力偶矩为 $M=20\text{ kN}\cdot\text{m}$ 的力偶作用, 在点 C 受到水平力 $F=10\text{ kN}$ 的作用, 各杆自重及各处摩擦均不计。求: A、B 处的约束力。



本题分数	15
得 分	

三、计算题 (要求用点的合成运动求解)

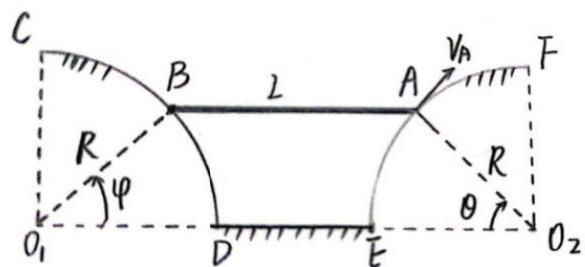
直角弯杆 OBC 绕轴 O 转动，直角弯杆 DEF 固结在水平面上运动的小车上，小车运动时使套在其上的小环 M 沿杆 OA 滑动，并使直角弯杆 OBC 绕轴 O 转动，OB 与 BC 垂直，EF 与 DE 垂直，此刻， $OM=MA=1\text{ m}$, $\varphi=45^\circ$, 小车的速度 $v=1\text{ m/s}$, 加速度 $a=1\text{ m/s}^2$, 方向如图，试求此刻直角弯杆 OBC 的角速度 ω 和角加速度 α 。



本题分数	15
得 分	

四、计算题 (要求用刚体平面运动求解)

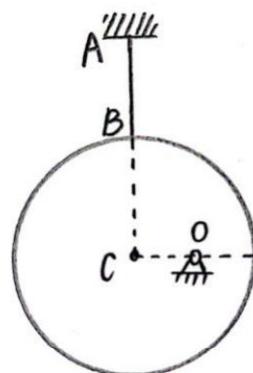
图示由两段半径为 R 的圆弧 CD、EF 和一条直线 DE 组成的槽，长度为 L 的直杆 AB 在槽内滑动，杆两端不脱离圆弧面。已知直杆 A 端在圆弧 EF 上做匀速滑动， $v_A = 1 \text{ m/s}$, $L = \sqrt{2}R$, $R = 1\text{m}$, $\varphi = \theta = \pi/4$ 。试求直杆 B 端的速度、加速度以及杆 AB 的角速度、角加速度。



本题分数	15
得 分	

六、计算题 (要求用达朗贝尔原理求解)

匀质圆盘质量为 m , 半径为 R , 静止置于铅锤面内。其中 O 为固定铰支座, C 为圆盘质心, AB 为细绳, 在图示瞬间, OC 水平, 偏心距 $OC=R/2$ 。若突然剪短细绳 AB , 试用达朗贝尔原理求, 改瞬时圆盘的角加速度和 O 处的约束反力。



本章试卷由学支教员蔡思颖整理，答案仅供参考，如遇答案有误，请和学支教员部成员联系，学支会及时进行订正。感谢您的使用。

参考答案

一、填空题

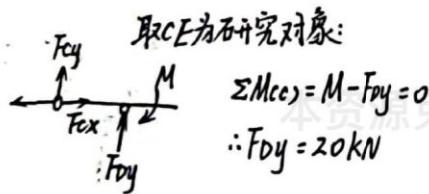
$$1. -\frac{F_{bc}}{N\alpha^2+b^2} \quad \frac{Fac}{N\alpha^2+b^2}$$

$$2. 0.28F_p \quad 0.68F_p$$

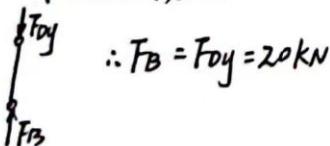
$$3. V_r = 5 \text{ m/s} \quad V_e = 5\sqrt{3} \text{ m/s} \quad \alpha_c = 50\sqrt{3} \text{ m/s} \quad \text{垂直} V_r \text{ 斜向下方}$$

$$4. 60 \text{ kg} \cdot \text{m} \cdot \text{s}^{-1} \quad \frac{10}{3} \text{ kg} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{s}^{-1} \quad \frac{340}{3} \text{ J}$$

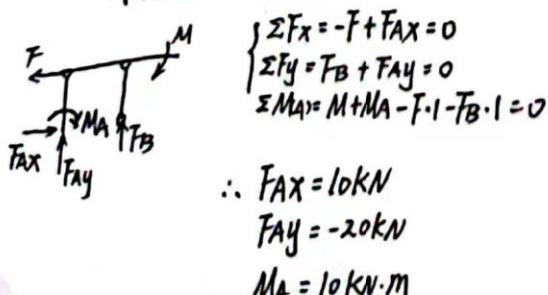
二、解答：BD为二力杆



取BD为研究对象:



取整体为研究对象:



三、取OA为定系, OBC为动系, M为动点

速度分析:

$$\vec{V}_a = \vec{V}_e + \vec{V}_r$$

大小: 1 m/s ? ?

$$\therefore V_e = 1 \text{ m/s}, V_r = \sqrt{2} \text{ m/s}$$

$$\text{且 } \omega = \frac{V_e}{OM} = 1 \text{ rad/s}$$

加速度分析:

$$\vec{a}_a = \vec{a}_r + \vec{a}_e^t + \vec{a}_e^n + \vec{a}_c$$

大小: 1 ? 1 ? $2\sqrt{2}$

在 \vec{a}_c 方向上:

$$\frac{\sqrt{2}}{2} a_a = \frac{\sqrt{2}}{2} (a_e^t + a_e^n) - a_c$$

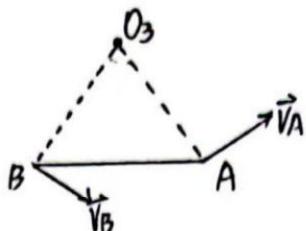
$$\therefore a_e^t = 4 \text{ m/s}^2$$

$$\text{则 } a = \frac{a_e^t}{OM} = 4 \text{ rad/s}^2$$

四. 解: 作杆 AB 的速度瞬心 O_3 ,

$$\text{则 } CO_{AB} = \frac{V_A}{AO_3} = 1 \text{ rad/s}$$

$$V_B = CO_{AB} \cdot l_{BO_3} = 1 \text{ m/s}$$



加速度分析:

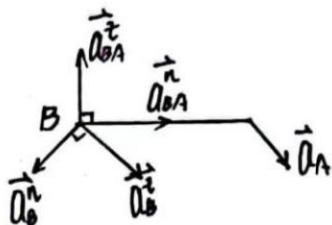
$$\vec{a}_B^n + \vec{a}_B^t = \vec{a}_A + \vec{a}_{BA}^n + \vec{a}_{BA}^t$$

$$\text{大小: } 1 \quad ? \quad 1 \quad \sqrt{2} \quad ?$$

沿 \vec{a}_{BA}^n 方向有:

$$-\frac{\sqrt{2}}{2} \vec{a}_B^n + \frac{\sqrt{2}}{2} \vec{a}_B^t = \frac{\sqrt{2}}{2} \vec{a}_A + \vec{a}_{BA}^n$$

$$\therefore \vec{a}_B^t = 4 \text{ m/s}^2$$



沿 \vec{a}_{BA}^t 方向有:

$$\vec{a}_B^n = \frac{\sqrt{2}}{2} \vec{a}_{BA}^n - \frac{\sqrt{2}}{2} \vec{a}_{BA}^t$$

$$\therefore \vec{a}_{BA}^t = 0,$$

$$a_{AB} = \frac{a_{BA}^t}{l_{AB}} = 0$$

六. \vec{F}_I^2 :

$$F_I = \frac{1}{2} m R \alpha, M_I = \frac{3}{4} m R^2 \alpha$$

$$\sum M_C(F) = M_I - mg \cdot \frac{1}{2} R = 0$$

$$\therefore \alpha = \frac{2g}{3R}$$

$$\sum F_x = F_{ox} = 0$$

$$\therefore F_{ox} = 0$$

$$\sum F_y = mg - F_{oy} - F_I = 0$$

$$\therefore F_{oy} = \frac{1}{3} mg$$

